

مواضيع أساسية لمرشحي دورة 2018 - رياضيات
للأستاذ هيثم قنن (نظري)



@Educational_Syrian_Union

سلسلة الاتحاد التعليمية

تم رفع الملف بواسطة الاتحاد التعليمية

* لا تنسونا من صالح الدعاء *

للتواصل معنا على التلغرام :

@Educational_Union_Comm_Bot

(1) المتطابقات التربيعية :

$$(a \mp b)^2 = a^2 \mp 2ab + b^2$$

$$(a - b)(a + b) = a^2 - b^2$$

(2) حل المعادلات بمجهول واحد :

a (معادلة من الدرجة الأولى : $ax + b = 0 \Rightarrow x = -\frac{b}{a}$

b (معادلة من الدرجة الثانية :

I) $ax^2 + bx = 0 \Rightarrow x = 0$ أو $x = -\frac{b}{a}$

II) $x^2 - b^2 = 0 \Rightarrow x = b$ أو $x = -b$

III) $ax^2 + bx + c = 0$

$$\Delta = b^2 - 4ac \begin{cases} \Delta > 0 \Rightarrow x_{1,2} = \frac{-b \mp \sqrt{\Delta}}{2a} \\ \Delta = 0 \Rightarrow x = \frac{-b}{2a} \\ \Delta < 0 \Rightarrow \text{تحييلة} \end{cases}$$

(3) التحليل إلى جداء عوامل :

I) $ax^2 + bx = x(ax + b)$

II) $x^2 - b^2 = (x + b)(x - b)$

III) $x^2 + (b + c)x + b.c = (x + b)(x + c)$

$ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2) = (x - \alpha)(ax - \frac{c}{\alpha})$

(4) المراجحات :

$$1) a < b \Rightarrow a \mp c < b \mp c$$

$$2) a < b, c < d \Rightarrow a + c < b + d$$

$$3) a < b \text{ و } \begin{cases} c > 0 \Rightarrow ac < bc, \frac{a}{c} < \frac{b}{c} \\ c < 0 \Rightarrow ac > bc, \frac{a}{c} > \frac{b}{c} \end{cases}$$

$$4) a, b, c, d \in \mathbb{R}^+, a < b, c < d \Rightarrow ac < bd$$

$$5) a, b \in \mathbb{R}^+, a^2 < b^2 \Leftrightarrow a < b \Leftrightarrow \sqrt{a} < \sqrt{b}$$

$$6) a, b \in \mathbb{R}^+ / \{0\}, \frac{1}{a} > \frac{1}{b} \Leftrightarrow a < b$$

(5) جدول الإشارة :

(a) الدرجة الاولى : $p(x) = ax + b$

x	$-\infty$	$-\frac{b}{a}$	$+\infty$
$p(x)$	يخالف إشارة a	0	يوافق إشارة a

(b) الدرجة الثانية : $p(x) = ax^2 + bx + c$

	$\Delta > 0$			$\Delta = 0$			$\Delta < 0$	
x	$-\infty$	x_1	x_2	$+\infty$	$-\infty$	x_0	$+\infty$	$+\infty$
$p(x)$	يوافق a	0	يخالف a	0	يوافق a	0	يوافق a	يوافق إشارة a

أي دائماً إشارة المقدار توافق إشارة a إلا بين الجذرين فهي تخالف إشارتها .

(c) تابع كسري : ندرس إشارة البسط و المقام وفقاً للقواعد أعلاه ثم نتبع قواعد إشارات القسمة .

(6) مجموعة تعريف تابع : كل التوابع معرفة على \mathbb{R} إلا :

(1) التابع الكسري : معرف على \mathbb{R} ما عدا القيم التي تعدم المقام .

(2) تابع الجذر التربيعي : معرف طالما ما تحت الجذر أكبر أو يساوي الصفر .

مواضع أساسية لمرشحي دورة 2018 – الرياضيات

(7) النهايات :

- 1 (نهاية تابع كثير الحدود عند $(\pm\infty)$ تساوي نهاية الحد المسيطر .
- 2 (نهاية تابع كسري بسطه و مقامه كثيري حدود عند $(\pm\infty)$ تساوي نهاية الحد المسيطر في البسط على الحد المسيطر في المقام .
- 3 (عموماً فإن عدد على صفر هو قيمة غير معرفة ناتجها (∞) و إشارة هذه القيمة تحدده إشارة الكسر الذي أقوم بحساب نهايته .
- 4 (يمكن التعامل مع العمليات على النهايات وفق القواعد التالية :

$$\infty + \infty = \infty, -\infty - \infty = -\infty, \infty \mp \lambda = \infty, \infty \times \lambda = \mp \infty$$

$$FI = \left\{ \infty - \infty, \frac{0}{0}, \frac{\infty}{\infty}, 0 \cdot \infty \right\}$$

F, I تعني حالة عدم تعيين

λ عدد حقيقي

(8) المشتق و المماس :

يكون f اشتقاقي عند نقطة (a) من مجموعة تعريف التابع ، إذا وجد L : $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$ نهاية حقيقية (بعد تحليل البسط و الاختصار مع المقام و تعويض كل h بصفر) .

إن قيمة النهاية في حالة كان التابع اشتقاقي يرمز لها بالرمز $f'(a)$ و تسمى العدد المشتق و هي تمثل ميل المماس في نقطة من منحنى التابع فاصلتها a . و تعطى معادلة المماس بالعلاقة :

$$y - f(a) = f'(a)(x - a)$$

f	f'
a	0
$ax + b$	a
x^n	$n \cdot x^{n-1}$
\sqrt{x}	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$
$\sin x$	$\cos x$
$\cos x$	$-\sin x$
uv	$u'v + uv'$
$\frac{u}{v}$	$\frac{u'v - uv'}{v^2}$

(9) الأشعة :

يرمز للشعاع بالرمز \overline{AB} و في معلم معطى و مناسب فلن :

$$\overline{AB}(x_B - x_A, y_B - y_A)$$

مركبات الشعاع \overline{AB}

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

المسافة بين A و B

$$I\left(\frac{x_A + x_B}{2}, \frac{y_A + y_B}{2}\right)$$

إحداثي منتصف القطعة $[AB]$

$$G\left(\frac{x_A + x_B + x_C}{3}, \frac{y_A + y_B + y_C}{3}\right)$$

إحداثيات مركز ثقل المثلث ABC

(للاحتياط مراجعة موضوع مركز الأبعاد المتناسبة في الصف الثاني الثانوي)

(6) المتتاليات :

- (1) $u_n = f(n)$ صريحة (يمكن حساب أي حد فيها) بينما $u_{n+1} = f(u_n)$ تدريجية لا يمكن حساب حد إلا بمعرفة سابقه
- (2) اطراد متتالية : $u_{n+1} - u_n > 0$ متزايدة تماماً (≥ 0 متزايدة) ، $u_{n+1} - u_n < 0$ متناقصة تماماً (≤ 0 متناقصة) ، $u_{n+1} - u_n = 0$ (أي تكون n) ثابتة .

لدراسة اطراد متتالية ندرس إشارة الفرق $u_{n+1} - u_n$ أو بمقارنة النسبة $\frac{u_{n+1}}{u_n}$ بالواحد (شرط حدود المتتالية جميعها موجبة تماماً) أو بدراسة اطراد التابع $f(x)$ (شرط أن تكون المتتالية صريحة) .

هندسية	حسابية	المتتاليتان الهندسية و الحسابية
$\frac{u_{n+1}}{u_n} = q$	$u_{n+1} - u_n = r$	برهن أنها ...
$u_n = u_0 q^n$	$u_n = u_0 + nr$	u_n بدلالة n ...
$b^2 = ac$	$b = \frac{a+c}{2}$	خاصة ثلاثة حدود متعاقبة a, b, c
$\frac{u_m}{u_n} = q^{m-n}$	$u_m - u_n = (m-n)r$	خاصة أي حدين
$S = a \frac{1-q^n}{1-q}$	$S = n \frac{a+l}{2}$	مجموع n حداً أول حدودها a و آخرها l

(4) نهاية متتالية :

(1) $u_n = f(n)$ يكتب تابعها و تحسب النهاية بالطرق المعروفة .

$$1) -1 < q < 1 \Rightarrow q^n \rightarrow 0$$

(2) في حالة متتالية هندسية نميز : $q > 1 \Rightarrow q^n \rightarrow +\infty$

$$3) q = 1 \Rightarrow q^n \rightarrow 1$$

(3) مبرهنة المتتاليات الثلاث : $w_n \leq u_n \leq v_n, w_n \rightarrow l, v_n \rightarrow l \Rightarrow u_n \rightarrow l$

مواضع أساسية لمرشحي دورة 2018 – الرياضيات

(11) المثلثات و النسب المثلثية :

(1) النسب المثلثية للزوايا الشهيرة :

راديان	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
درجة	0	30	45	60	90	180	270	360
$\sin x$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	0	-1	0
$\cos x$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	-1	0	1

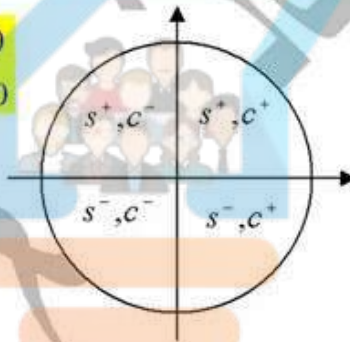
(2) قوانين مثلثية :

$\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$	$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$	$\sin(\frac{\pi}{2} \mp x) = \cos x$	$\cos(\frac{\pi}{2} - x) = \sin x$
$\sin(x + 2\pi k) = \sin x$	$\cos(x + 2\pi k) = \cos x$	$\sin(\pi - x) = \sin x$	$\sin(\pi + x) = -\sin x$
$\cos(\pi \mp x) = -\cos x$	$\sin 2x = 2 \sin x \cos x$	$\sin 2x = 2 \sin x \cos x$	$\cos 2x = \cos^2 x - \sin^2 x$
$\cos(a \mp b) = \cos a \cos b \pm \sin a \sin b$	$\sin(a \mp b) = \sin a \cos b \mp \sin b \cos a$		

(3) الدائرة المثلثية :

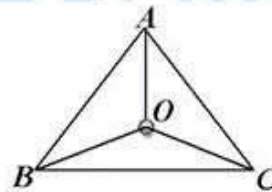
$$s^+ \equiv \sin x > 0$$

$$c^+ \equiv \cos x > 0$$



(12) التحويلات الهندسية :

- (1) إذا كانت A صورة النقطة C وفق دوران مركزه B و زاويته 90^0 (ربع دورة) كان ABC مثلث قائم و متساوي الساقين رأسه B .
- (2) إذا كانت A صورة النقطة C وفق دوران مركزه B و زاويته 60^0 كان ABC مثلث متساوي الأضلاع .
- (3) إذا كانت O مركز المثلث المتساوي الأضلاع ABC فإن صورة B وفق الدوران المباشر الذي مركزه O و زاويته 120^0 هي النقطة C .



(4) ليكن المستقيم Δ' صورة المستقيم Δ وفق تناظر محوري S_d

إذا كان $d \parallel \Delta'$ فإن : $d \parallel \Delta$	Δ يقطع d في I فإن Δ' يقطع d في I	إذا كان $\Delta \perp d$ فإن : $\Delta' = \Delta$
--	--	---

مواضيع أساسية لمرشحي دورة 2018 – الرياضيات

(13) نتمات :

- 1 (اطراد تابع : إذا كان $f'(x) > 0$ على مجال I كان f متزايداً تماماً على I وإذا كان $f'(x) < 0$ على مجال I كان f متناقص تماماً على I .
- 2 (f تابع زوجي يعني مهما تكن $x \in D_f$ فإن $f(-x) = f(x)$ و عندها الخط البياني لـ f متناظر بالنسبة لمحور الترتيب ومن التوابع الزوجية المشهورة توابع كثير الحدود ذات القوى الزوجية و التابع $\cos x$.
- 3 (f تابع فردي يعني مهما تكن $x \in D_f$ فإن $f(-x) = -f(x)$ و عندها الخط البياني لـ f متناظر بالنسبة للمبدأ و من التوابع الفردية المشهورة توابع كثير الحدود ذات القوى الفردية و التابع $\sin x$.
- 4 (تركيب تابعين : هو التابع المعرف بالعلاقة : $(f \circ g)(x) = f(g(x))$.
- 5 (إذا كان : $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} [f(x) - (ax + b)] = 0$ قلنا أن $d : y = ax + b$ مقارب مائل لـ C في جوار $\pm\infty$.
- 6 (علاقة الكاشي : في المثلث ABC يتحقق : $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$.
- 7 (الجداء السلمي للشعاعين : $(\vec{u}(a,b), \vec{v}(a',b'))$ هو : $\vec{u} \cdot \vec{v} = aa' + bb'$ أو : $\vec{u} \cdot \vec{v} = \|\vec{u}\| \cdot \|\vec{v}\| \cdot \cos(\vec{u}, \vec{v})$ و يكون الشعاعان متعامدان عندما : $\vec{u} \cdot \vec{v} = 0$.

(11) الاحتمالات

- 1 (إذا كان A حدث من فضاء العينة Ω فإن : $p(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)}$.
- 2 ($1) p(A') = 1 - p(A)$
 $2) p(A \cup B) = p(A) + p(B) - p(A \cap B)$)
- 3 (احتمال وقوع الحدث A بشرط وقوع الحدث B هو : $p(A|B) = \frac{p(A \cap B)}{p(B)}$.
- 4 (A, B مستقلان احتمالياً عندما : $p(A \cap B) = p(A) \cdot p(B)$.

(13) المستقيمات و معادله الدائرة

- 1 (معادلة المستقيم من الشكل : $ax + by + c = 0$ فيها : شعاع موجه للمستقيم و $\vec{n}(a,b)$ ناظماً عليه
- 2 (يتعامد مستقيمان عندما : $aa' + bb' = 0$.
- 3 (المعادلة : $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$ تكتب بالصيغة القانونية بالشكل : $(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 = k$ و تكون معادلة دائرة نصف قطرها $R = \sqrt{k}$ عندما : $k > 0$.